計算	幾シ	ミュ	レー	シ	ョン	に	よる	3
材料(の光	学特	性の	予	測			

Numerical Study of Materials for Optical Properties – Predictions for Materials Design – Sumitomo Chemical Co., Ltd. Tsukuba Research Laboratory Yasunari Zемро Masaya Ishida Nobuhiko Акіло

Time dependent density functional theory has been applied to the study of optical responses in the conjugated polymers such as poly(9,9-dialkyl-fluorene) and dielectric responses in semiconductors such as C, Ge, Si, and AlGaAs. In this study, real-space and real-time calculation techniques are used for the electronic states instead of the conventional basis-expansion techniques. Our method seems more efficient since a relatively small number of meshes is required for obtaining results with reasonable accuracy, which depends on an adjustable parameter, the total number of time steps. The methods and the calculations of optical and dielectric properties will be described in detail.

はじめに

最近のIT関連材料の技術革新は非常に早い。イン ターネットの普及に伴い、PCはもとより携帯電話や テレビなど、通信技術と表示装置の発達には目覚し いものがある。それに伴い、多くの発光材料が開発 されていることは、特に注目するべきものである。 一方では、計算機技術の発展とその利用技術の進歩 により、物性を解析し予測する技術が急速に進歩し てきている。数年前までには考えられないような大 規模な計算が日常的に行われており、その解析結果 が材料開発にフィードバックされてきている。

発光材料の光学特性に関する、従来の量子化学計 算においては、材料のHOMO-LUMOを計算し、発光 波長や吸収波長の予測に充てていた。しかし、エネ ルギーギャップ等の限られた情報に基づく解析であ り、十分とは言えるものではなかった。一方、ここ 数年の間における計算機利用技術の急速な進歩とし ては、密度汎関数法(Density Functional Theory: DFT)の利用が挙げられる¹⁾⁻⁴⁾。この密度汎関数法 は、比較的良好な精度を維持しつつ、高速に計算を 進めることができるため比較的大きな分子等の解析 においても実績を挙げてきている。最近の代表的な 量子化学計算プログラムにも、この方法に関連した 幾つかの手法が導入されている。

密度汎関数法の利用技術においては、計算を効率 的に進める手法として、Car-Parrinello法⁷⁷、あるいは 共役勾配法^{8),9}など多くの改良がなされてきた。それ らに加え特に最近、注目されてきているものが、時 間依存密度汎関数法(Time Dependent Density Functional Theory: TDDFT)と呼ばれる手法である^{10),11}。 密度汎関数法は基底状態の理論であるため、発光に 重要な励起状態を完璧に記述するものではないが、 それをある程度解決するものとして期待されている 手法である。我々も高分子LED等の発光材料に関連 し、数年前よりこの手法を利用し、研究を進めてき た。ここでは、この時間依存密度汎関数法とその活 用について、その適用例や今後の発展について報告 する。

構成は、以下のとおりである。まず時間依存密度汎 関数法について簡単に説明を行ったあと、発光・吸収 スペクトルの解析、誘電率および光学定数の算出に ついて密度汎関数法を応用した例を紹介する。最後 にまとめと今後の発展について述べることとする。

時間依存密度汎関数法

材料の解析を進めるには電子状態を解く必要があ る。その際、重要かつ困難なことは多体問題を解か なければならないことである。実際、相互作用をし ている多数の電子の方程式をそのまま解くわけには いかないので、通常一電子近似を用いる。多体に関 連する交換相関相互作用を表すために、密度汎関数 法では、交換相関項を導入する。密度汎関数法の歴 史は古く1964年HohenbergとKohnが、外部相互作用 のある系の全エネルギーは電子密度の汎関数として表 されることを示したことと、1965年にKohnとSham が、独立系の一粒子波動関数から全エネルギーを計算 できることを示したことに基づいている^{1), 2)}。この密 度汎関数法の基本となる方程式はKohn-Sham方程式 と呼ばれ、(Eq. 1)のように表される。

$$\left\{-\frac{1}{2}\vec{\nabla}^{2} + \sum_{a} V_{ion} \left(\vec{r} - \vec{R}_{a}\right) + V_{e-e} + \mu_{xc} \left(n(\vec{r})\right)\right\}_{i} (\vec{r})$$
$$= _{i} _{i} (\vec{r})$$
(Eq. 1)

ここで、 $V_{ion}(\vec{r} - \hat{R}_a)$ は原子と電子の相互作用、 V_{e-e} は電子間のクーロン相互作用、 μ_{xe} は交換相関ポテン シャルを表す。なお、陽に表記する場合を除き、表式 は $\hbar = m = e^2 = 1$ の原子単位系を用いることとする。電子 密度は $n(\vec{r}) = \sum_i |i(\vec{r})|^2$ で表され、 $i(\vec{r})$ は電子の波 動関数を表す。ここでiはパンドを示す。交換相関項 は局所的に一様な電子の電荷密度による交換相関エネ ルギーの汎関数形で記述することにより、一般に利用 しやすい形となり、広く用いられるようになった^{3),4)}。 もちろん現在も多くの改良が加えられている。

密度汎関数法は基底状態を基にしているため励起 状態を記述するには不十分である。そこで、電子状 態を時間依存させることにより励起状態を表す時間 依存密度汎関数法(TDDFT)が、RungeとGrossに より1984年に提唱された¹⁰⁾。

$$\left\{ -\frac{1}{2} \vec{\nabla}^2 + \sum_a V_{ion} \left(\vec{r} - \vec{R}_a \right) + V_{e-e} + \mu_{xc} \left(n(\vec{r}, t) \right) \right.$$
$$+ \left. V_{ext} \left(\vec{r}, t \right) \right\}_i \left(\vec{r}, t \right) = i \frac{\partial}{\partial t}_{i}_{i} \left(\vec{r}, t \right)$$
(Eq. 2)

この手法は、ポテンシャル部分が時間に依存する場合、 例えば時間によって変動する電場や磁場中での電子の 振舞いや、断熱近似が成り立たないような化学反応を 扱う場合などに利用される。これらの現象解析におい ては、励起状態を扱う必要があるが、これまでの計算 例などから経験的に、このような励起状態をTDDFT は良く記述できることが分かってきた。ただし、この 手法は密度汎関数理論が前提であり、正しい結果が理 論的に保証されるのは基底状態に対してのみであることから、現在発展中の方法といえる。

通常この種の解析には平面波や原子軌道、Gaussian 等の基底関数で波動関数を展開する手法が用いられ るが、我々がこのTDDFTを利用するために用いたの は、基底を用いず実空間・実時間を用いる解析手法 である¹¹⁾。これはプログラムが簡便になることと直 感的に理解できるという利点があるからである。ま た、実時間を用いているため、計算する全時間ステ ップがそのまま精度につながる。もちろん計算には 多くの計算資源を必要とするが、これは最近の計算 機の進歩に合致した方法といえる¹²⁾。

一般的な量子化学計算プログラムとして知られて いるGaussian等でも、多体問題の基本的な近似法の 一つであるランダム位相近似を用いたTDDFTが取り 入れられており、簡便な方法として利用されている¹³⁾。 我々も材料の解析を行うために、これらの手法を組 み合わせて利用している。

発光・吸収スペクトルの解析

高分子LEDは、次世代の表示あるいは照明用途と して期待が寄せられている。高分子LEDはFig.1に示 すように、陰極と陽極の間に高分子を用いた発光層を 挟んだ単純な構造をしているところが特徴であり、発 光層に注入された電子とホールが再結合をすることに より発光する。その際、LED素子の発光色はポリマー の特性により決定されるため、発光材料の光学特性を 予測する事は、開発において非常に重要になる¹⁴。





本節においては、上述したように、材料の光学的特性を解析するために最適な手法と考えられるTDDFTを用いて行った高分子LED材料の発光・吸収スペクトルに焦点をあてた解析について紹介する¹⁵⁾。

計算手順は以下の通りである。まず基底状態におけ る電子状態を、局所密度近似(Local Density Approximation: LDA)^{3), 4)}を用いた密度汎関数法(Eq. 1)に より求める。その際、上述したように波動関数を基 底より展開するのではなく、計算に用いる実空間を 等間隔のメッシュに細分し、各メッシュにおける波 動関数を直接扱う。従って、メッシュサイズが計算精 度に直結する。本節における計算では、等間隔メッシュ d~0.3Å程度を用いた。このメッシュサイズにより、 炭化水素系の全エネルギーにおいては~0.1eVの精度 が得られる。次に、この最適化された電子状態に外 部から摂動

$$_{i}(t=0) = e^{ikx}$$
 $_{i}(0)$ (Eq. 3)

を加え、それに伴う波動関数の時間発展を追跡する (ここで、e^{ikx}項はx方向のt=0による摂動を表し、x方 向に瞬間的に電場を印加したことに相当する)。波動 関数の時間発展は、時間発展演算子を用いて、

$$_{i}(t) = e^{-iHt}$$
 $_{i}(0)$ (Eq. 4)

で与えられる。実際の計算においては、時間発展演 算子e^{-iHt}を、4次までTaylor展開することにより行 った。

光学的な応答は、次式で与えられる強度関数*S*() から求めることが出来る。

$$S() = \frac{2m}{\hbar e^2}$$
 Im () (Eq. 5)

ここで、 ()は動的分極率を表し、

() =
$$\frac{1}{k} \int dt \, e^{-i \, t} \, \mu(t)$$
 (Eq. 6)

で与えられる。ここで、µ(t)は、時間依存の双極子 モーメント

$$\mu(t) = \frac{e^2}{\hbar} \int dt \, e^{i t} x n(\vec{r}, t)$$
 (Eq. 7)

を表す。

実時間法でTDDFTを解く場合、時間ステップの幅 $\Delta t \geq$ 総時間ステップ数 N_t が重要となる。Fig. 2は、 C_{60} について、時間ステップ $\Delta t = 0.001\hbar/eV$ を用い、総 時間ステップ数 $N_t = 2,000$ の場合と $N_t = 5,000$ の場合を 比較したものである。得られるエネルギーの解像度 は時間を長く取った方が明らかに改善されているの が分かる。特に低エネルギー側の吸収ピークが~3.5、 ~4.4及び~5.6eVに見られるようになる。これらは、 実験的に観測される~3.8、4.8及び5.8eVと良く一致 している。一方、 $N_t = 2,000$ の場合にはこれらのピー クは見られないことから、時間発展が不十分である と言える。この例から分かるように、総時間ステッ プ数N_tはエネルギーの有効解像度を決める重要なパ ラメータである。また一方で、∆tは系のエネルギー が保存するような大きさに設定する必要がある。こ れらの点が、TDDFTを実時間にて解く場合の注意点 として挙げられる。試験的に行った炭化水素の計算 により、 $N_t \Delta t = 10\hbar/eV$ であれば $\hbar/N_t \Delta t = 0.1eV$ 程度の 分解能が得られる事を確認した。なお、擬ポテンシ ャルはTroullier-Martins型の分離形^{5), 6)}と交換相関エ ネルギーは局所密度近似 (LDA)^{3), 4)}を用いた。実空 間の計算におけるもう1つの利点は、原子数をNa、次 元数をDとした場合、CPU時間がN_nD ~ N²のオーダ ーとなるため、大きな系を扱うことができる点、さ らに実時間解析によりFig. 2に示したように任意のエ ネルギー領域全体にわたるスペクトルプロファイル が一度の計算により得られる点が挙げられる。





Strength function of the molecule C₆₀. The solid and dashed lines correspond to N_t = 5,000 and 2,000, respectively

典型的な青色の高分子LED材料として良く知られ ている9,9-dialkyl-fluoreneについて、TDDFTを用い吸 収・発光スペクトルを求めた結果をFig. 3に示す。得 られたスペクトル形状およびピーク位置を実験結果 と比較してみると、非常によく一致していることが 分かる。特に吸収ピークについては390nm付近のピ ーク波長が実験と計算でほぼ一致しており、TDDFT による計算の効果が得られているものと思われる。 一方、実験では発光スペクトルの450nm付近にサブ ピークを持っており、この計算では現れていないが、 420nm付近の主ピークでは計算および実測ともほぼ 一致していることがわかる¹⁶。

次に、fluorene-amine間の二面角と吸収スペクトル との解析を行った。Fig. 4にあるような9, 9-dipropylfluoreneとtriphenylamineについて、結合の二面角を 変え吸収スペクトルへの影響をTDDFTにより解析し





Calculated (upper) and experimental (lower) optical properties of fluorene



Fig. 4 Dihedral angle between 9,9-dipropyl-fluorene and triphenylamine, whose angle is ± about 140° in the optimized structure



Fig. 5

Dihedral angle dependence of absorption spectra

た結果をFig. 5に示す。安定構造である±140°付近で は、吸収スペクトルのピークが~485nmにある。一 方、結合位置におけるペンゼン環どうしが平行にな る±180°付近では、ピークは~490nmと長波長化する が、吸収強度は強くなる。さらに、結合位置におけ るペンゼン環どうしが垂直になる±90°付近ではピー クは370nmと短波長化するが、吸収強度はそれほど 変わらないことが分かる。長波長化する場合は、波 動関数の共役が非局在化し、逆に短波長化する場合 は共役がより局在化するためである。

このように、TDDFTを用いた解析を行うことによ り、分子の構造から光学特性を予測することができる。 従って、必要な光学特性に合わせ、分子構造を変えて 設計していくことも可能になるものと思われる。

誘電率と光学定数の算出

電子デバイスの特性を左右する誘電関数は物質や 構造により大きく変わる。また動的な特性が必要と されることも多い。誘電関数は、一般に静的な電子 状態の固有値を求め、外場に対する応答として求め られる。従って、TDDFTは材料の光学特性や誘電関 数のような時間依存の現象を解析する有用な方法と しても期待されている。例えば、電子デバイスの増 幅特性を表す相互コンダクタンスは材料の誘電関数 と直接関連しているため、これを算出することによ りデバイスの増幅特性を予測することが可能となる はずである^{17,18}。

計算の方法は、前述のTDDFTの基本方程式を次の ように変形して解析を行う。対象となる物質は半導 体や酸化物などの結晶である。系のハミルトニアン において、電磁場との相互作用はクーロン場V(疗)の 中に入れ、これが周期境界条件およびペクトルゲー ジ場 2A(t)を満たすようにする。この場合ゲージ場 は疗に依存せず一定となり、電場は次のように表す ことができる。

$$\vec{E} = -\vec{\nabla}V - \hat{z}\frac{d\bar{A}}{dt}$$
(Eq. 8)

これを元にラグランジュアンを作り、一般化され た運動方程式から、誘電関数は次のように表すこと ができる。詳細は文献 8)を参考されたい。我々の誘 電関数の計算では、系にt=0で、刺激 $A(0+) = A_0$ を与 える。これは電場が短時間誘起されたことに対応す る。分極場は-dA(t)/dtで与えられるので、表面電荷 (t) = dA(t)/4 dtについて時間発展をさせる。誘電関 数 ()は、(Eq.9)で表されるため、

$$\frac{1}{(t)} - 1 = \frac{1}{A_0} \int_{0+}^{\infty} e^{i t - t} \frac{dA(t)}{dt} dt$$
 (Eq. 9)

分極場のフーリエ係数として求めることができる。 ここでは非常に小さな数で()の虚数部を導入す るための定数である。

我々の実際の計算では、まず実空間で等間隔メッ シュを用いて、A=0の条件下で静的に基底状態の電 子密度を求め、続いて時間発展を行う。メッシュ間 隔は精度に関連しており、例えばダイヤモンドなど では0.1eVの精度を出すために、*d*≈0.3Åのメッシュが 必要である。この計算ではd≈0.45Å、時間発展ではス テップを $\Delta t \approx 0.001 \hbar/eV$ とした。総ステップ数は、 Nt=20,000とした。この総ステップ数は誘電関数を精 度よく再現する程度に長く取る必要がある。総ステッ プ数が短いと、前述したように特に低エネルギー領域 の応答の解像度が低下することになる。ここで扱う周 期系では、単位セル当たり8個の原子を配置し、各セ ルを163点 (ダイヤモンド) あるいは123点 (その他の 系)で分割した。擬ポテンシャルは前節の場合と同様、 Troullier-Martins型の分離形^{5), 6)}と交換相関エネルギ ーは局所密度近似 (LDA)^{3),4)}を用いた。

基本的な半導体材料(C, Si, Ge, AlGaAs)について、 得られた結果をFig. 6、7、8に示す。誘電関数の算出 に当たっては、バンド内にプラズマ振動に関連したピ ークが現れるため、算出されたバンドギャップ以下で のIm ()はゼロであるとして補正を行い、 Kramers-Kronigの関係式により、Re ()を算出した。 密度汎関数法の枠組みの中での計算であるため、ピ ークの立ち上がりは実測と比べて低エネルギー側に 位置するが、いずれの場合においても誘電関数の実 部・虚部ともに、その分散形状をよく再現すること が分かる。また、高エネルギー領域で実測とのズレ が生じているが、低エネルギー領域では計算結果と 実験結果は良い一致を示している¹⁹⁾。ダイヤモンド においては全領域にわたり、良い一致を示している が、特に、静的な誘電関数 (0)に関しては、実験と 非常によく一致している。

化合物半導体Al_x Ga_{1-x} Asの組成xを変え誘電関数 (0)をプロットしたものがFig. 7である。実測値 (0)=12.4 (x=0)および (0)=10.06 (x=1)は、よく一 致をしており、計算値は (0)は13.36 (x=0)から10.60 (x=1)まで単調に減少する。x=0.45付近で伝導帯の極 小値と価電子帯のエネルギーバンドの分離がΓ帯から X帯に変わるため誘電関数 (0)も同様に変化を示す 様子も見られる。





The calculated static dielectric constant shown by squares is plotted as the composition of aluminum x in Al_x Ga_{1-x} As

Fig. 8は、Al_x Ga_{1-x} Asの組成比xに対する誘電関数 の周波数依存性を示す。吸収スペクトルに関連する 虚数部において、バンド中での対称性より、ギャッ プを挟んだバンドに対応したピークE1とE2の2つの ピークがある。E1ピーク(2.0eV付近)がE2ピーク (3.5eV付近)より小さく算出される。これはLDAに起



Fig. 6 The real and imaginary part of the dielectric functions for (a)diamond, (b)silicon and (c)germanium. Thick and thin lines represent the calculated and experimental value, respectively

因するものであることが知られており、今後改良を 行わなければならない大きな課題である。

なお、ここで求めた誘電関数は電子分極に起因す るものであり、配向分極に起因するものについては 取り扱えないことに注意する必要がある。また、光 学材料の解析に必要な光学定数である屈折率n、およ び消光係数kについては、この誘電関数から求めるこ とができるので、これを用いて材料の光学特性も導 くことができる。

ここではTDDFTを用いて単純な物質と組成からな る結晶系における誘電関数や光学特性を算出する手 法について紹介した。もちろん多様な層構造を含ん だ、より大きな系での解析も基本的に可能である。 今後の計算機の発達に伴い、この種の解析ができる ようになるものと期待している。



Fig. 8 Dielectric properties of $Al_x Ga_{1-x} As$. Solid lines represent those of GaAs and Al-As respectively. Dashed, dashed-dotted and dashed-two-dotted lines show those of $Al_x Ga_{1-x} As$ (*x*=0.25, 0.5, 0.75). Calculated static dielectric constants (0) are 13.36(*x*=0) and 10.60(*x*=1), compared to those of experimental values 12.4(*x*=0) and 10.06(*x*=1)

まとめと今後の技術発展

最近注目されているTDDFTについて実空間・実時 間の計算法を紹介した。励起状態をある程度記述す ることができるため、発光材料の解析に用いること ができるものと思われる。この報告では、共役高分 子の光学的性質、および半導体材料の誘電関数に関 する計算結果の一部を紹介した。また、誘電関数か ら光学材料の解析へも展開可能であり、大いに期待 が持てる手法といえる。

この手法の特徴として、比較的少ないメッシュ数 での計算にも関わらず、実測と比較的良好な一致を 示す結果が得られることと、精度がステップ数によ るため必要な精度に合わせた計算をすることができ る点があげられる。また、一度の計算により、任意の エネルギー領域における吸収・発光スペクトルや誘電 関数を算出することが出来るので、更に都合がよい。 もちろん十分な計算資源があることが前提である。

材料開発において極めて重要な物性である材料の 電気的特性や光学的特性等の時間依存の現象解析が TDDFTにより可能になり、将来の材料の開発への基 礎が出来上がったと、我々は確信している。

最後に、この報告では手法の概要のみであり、詳 細については触れることができなかった。これにつ いては添付する文献リストを参照していただければ 幸いである。

謝辞

時間依存密度汎関数法の解析については筑波大学 物理学系の矢花一浩教授に様々な議論をしていただ いた。ここでお礼を述べたい。また、ここで紹介し た計算は、NAREGIナノ実証研究の結果と地球シミ ュレータセンターにおいて計算を行ったものの一部 を用いていることを書き添えたい。

引用文献

- P. Hohenberg and W. Kohn, *Phys. Rev.* **136**, B864 (1964).
- W. Kohn and L. J. Sham, *Phys. Rev.* 140, A1133 (1965).
- D. M. Ceperley and B. J. Alder, *Phys. Rev. Lett.* 45, 566 (1980).
- J. Perdew and A. Zunger, *Phys. Rev.* B23, 5048 (1981).
- N. Troullier and J. L. Martins, *Phys. Rev.* B43, 1993 (1991).
- L. Kleinman and D. Bylander, *Phys. Rev. Lett.* 48, 1425 (1982).
- R. Car and M. Parrinello, *Phys. Rev. Lett.* 55, 2471 (1985).
- T. A. Arias, M. C. Payne and J. D. Joannopulos, *Phys. Rev.* B45, 1538 (1992).
- F. Shimojo, Y. Zempo, K. Hoshino and Mitsuo Watabe, *Phys. Rev.* B52, 9320 (1995).
- E. Runge and E. K. U. Gross, *Phys. Rev. Lett.* 52, 997 (1984).
- K. Yabana and G. F. Bertsch, *Phys. Rev.* B54, 4484 (1996).
- 12) J. Chelikowsky, N. Troullier, K. Wu, and Y. Saad, *Phys. Rev.* B50, 11355 (1994).
- 13) http://www.gaussian.com/.
- 14) E. I. Haskal, M. Büchel, P. C. Duineveld, A. Sempel

and P van de Weijer, MRS Bulletin 27, 864 (2002).

- N. Akino and Y. Zempo, *MRS Proceedings* 846, DD2.3 (2005).
- 16) A. W. Grice, D. D. C. Bradley, M. T. Bernius, M. Inbasekaran, E. P. Woo and W. W. Wu, *Appl. Phys. Lett.* **75**, 3270 (1990).
- 17) G. F. Bertsch, J.-I. Iwata, Angel Rubio and K.

Yabana, Phys. Rev. B62, 7798 (2000).

- Y. Zempo and N. Akino, *MRS Proceedings* 829, B9.33 (2005).
- D. E. Aspnes and A. A. Studna, *Phys. Rev.* B27, 985 (1983).
- Otfried Madelung (Ed.), "Semiconductors-Basic Data 2nd revised edition", Springer (1996).

秋野 喜彦

筑波研究所

Nobuhiko Akino

住友化学株式会社

主任研究員 Ph.D.

PROFILE



 善甫
 康成

 Yasunari
 ZEMPO

 住友化学株式会社

 筑波研究所
 主席研究員
 理学博士



石田 雅也 Masaya IshiDa 住友化学株式会社 筑波研究所 主席研究員